DOI:10.3969/j.issn.1001-4551.2014.06.014

# 基于三分量地磁滤波技术的微型AHRS算法研究

赵彦明,常洪龙\*,袁广民,孙雄飞

(西北工业大学 空天微纳系统教育部重点实验室, 陕西 西安 710072)

**摘要:**针对常规的微型姿态参照系统(AHRS)算法存在过载干扰和滤波发散的问题,设计了一种基于三分量地磁滤波技术的微型 AHRS算法。采用一种简化的Sage-Husa自适应滤波算法进行了AHRS的信息融合;采用姿态误差角和陀螺漂移作为状态变量,进行 了自适应滤波的时间更新,采用三分量地磁矢量作为观测量,进行了自适应滤波的量测更新;最后,对该算法进行了半物理仿真实 验。实验结果表明,该算法能够有效地减小高过载造成的姿态测量误差,在2g线振动测试条件下,该算法的俯仰角和横滚角的测量 精度优于0.75°,航向角精度优于1.87°;与常规的算法相比,系统的抗过载能力提高了近3.2倍。该算法测量精度高、抗过载性好,具 有很强的自适应能力,尤其适用于低铁磁干扰、高过载的工作环境。

关键词:微型AHRS;三分量地磁矢量;Sage-Husa自适应滤波;抗过载性;自适应性

中图分类号: TH39; TP216; U666.1; V249.32 文献标志码: A

文章编号:1001-4551(2014)06-0745-04

# Micro AHRS algorithm based on three-component geomagnetic filtering technology

ZHAO Yan-ming, CHANG Hong-long, YUAN Guang-min, SUN Xiong-fei

(Key Laboratory of Micro/Nano Systems for Aerospace, Nothwestern Polytechnical University, Xi'an 710072, China)

Abstract: Aiming at overload interference and filtering divergence of common micro attitude heading reference system (AHRS) algorithms, a micro AHRS algorithm based on three-component geomagnetic filtering was proposed, which adopted a simplified Sage-Husa adaptive filter. Then, attitude errors and gyros's drifts were chosen as the states of the AHRS system, and the three-component geomagnetic vector from three-axis magnetometer was taken to construct the measurements. The adaptive filtering was used to estimate errors of AHRS. Finally, AHRS semi-physical simulation was done. Simulation results show that, this algorithm can reduce the overload interference effectively. Under the testing condition of 2 g random vibration, attitude errors are less than 0.75°, heading error is less than 1.87°, the system measurement precision is improved almost by 3.2 times. The new algorithm improves the accuracy, anti-overload property and adaptability. This algorithm is particularly suitabler for the work environment with low ferromagnetic interference and high overload.

Key words: micro attitude heading reference system (AHRS); three-component geomagnetic vector; Sage-Husa adaptive filtering; anti-overload property; adaptability

### 0 引 言

随着微机电系统(MEMS)的发展,采用微惯性传感器、微型磁传感器和处理器一体化集成设计的微型航向 姿态参照系统(Micro Attitude Heading Reference System, AHRS)成为现实。由于微型航向姿态参照系统具

有集成度高、体积小、重量轻、成本低、功耗低、结构简 单、可靠性高等优点,近年来AHRS系统正在逐渐得到 广泛的应用,并且受到军事及民用领域的普遍关注<sup>[1]</sup>。

微型航向姿态参照系统(AHRS)由三轴MEMS陀 螺、三轴MEMS加速度计、三轴MEMS磁强计和信息处 理电路组成<sup>[2]</sup>。其中,MEMS陀螺敏感载体运动角速

收稿日期: 2014-02-24

作者简介:赵彦明(1986-),男,河北邢台人,主要从事微型AHRS系统、组合导航方面的研究. E-mail:shaman2008@163.com 通信联系人:常洪龙,男,教授,博士生导师. E-mail:changhl@nwpu.edu.cn

度,通过求解四元数微分方程来更新姿态角,但是 MEMS 陀螺存在严重的零点漂移和随机误差,在四元 数姿态解算中会产生积累误差,难以满足应用的精度 要求[3-4]。为了实时补偿陀螺漂移和累积误差造成的 姿态误差,微型姿态测量系统常用的算法是:同时采 用三轴 MEMS 陀螺和加速度计以及微型磁传感器的 测量值,运用Kalman滤波算法,进行传感器信息融合, 构建组合姿态测量系统,抑制姿态角误差的发散。文 献[5-7]采用重力信息作为量测,设计离散型卡尔曼 滤波器,进行数据融合,达到姿态误差补偿目的。文 献[8]根据加速度值计算出俯仰角和横滚角,再联合 磁场信息解算出航向角:利用陀螺输出的角速率信息 计算捷联姿态矩阵;然后通过离散型Kalman滤波进行 传感器数据融合,补偿累积误差。这两种方案均可以 获取较好的长期稳定性和较高稳态精度。但是,由于 以上研究方法均采用了加速度计输出的重力信息作 为卡尔曼滤波的量测信息,系统长时间机动工作的时 候,加速度计敏感到的过载加速度会给系统引入较大 的系统误差;并且所采用的是常规EKF滤波,算法的 自适应性差,存在滤波发散现象。

针对上述方法中的问题,本研究设计一种基于三 分量地磁滤波技术的微型AHRS算法,用AHRS系统 的姿态误差角和陀螺漂移作为待估计的状态变量,利 用以三分量地磁矢量的差值信息作为量测,设计基于 三分量地磁矢量的自适应滤波器,采用一种简化的 Sage-Husa自适应滤波算法进行信息融合,以消除系 统的陀螺漂移,累积误差和过载干扰误差。

# 1 简化的 Sage-Husa 自适应滤波算法

$$\boldsymbol{X}_{k} = \boldsymbol{\Phi}_{k,k-1} \boldsymbol{X}_{k-1} + \boldsymbol{\Gamma}_{k-1} \boldsymbol{W}_{k-1}$$

$$\boldsymbol{Z}_{k} = \boldsymbol{H}_{k} \boldsymbol{X}_{k} + \boldsymbol{V}_{k}$$

$$(1)$$

式中:  $X_k$  —系统的状态向量;  $Z_k$  —系统量测向量;  $\Phi_{k,k-1}$  —  $t_{k-1}$  时刻至  $t_k$  时刻系统状态的一步转移矩阵;  $H_k$  —系统的量测矩阵;  $\Gamma_{k-1}$  —系统噪声驱动矩阵;  $W_k$  —系统的激励噪声序列;  $V_k$  —量测噪声序列;  $W_k$ ,  $V_k$  — n 维和 m 维的高斯白噪声向量序;  $Q_k$ ,  $R_k$  —高 斯白噪声向量序列的方差矩阵。

简化的Sage-Husa 自适应滤波算法如下<sup>[10]</sup>:

$$\hat{X}_{k|k-1} = \Phi_{k|k-1} \hat{X}_{k-1}$$
(3)

$$\hat{\boldsymbol{X}}_{k} = \hat{\boldsymbol{X}}_{k/k-1} + \boldsymbol{K}_{k}\boldsymbol{v}_{k} \tag{4}$$

$$\boldsymbol{v}_k = \boldsymbol{Z}_k - \boldsymbol{H}_k \hat{\boldsymbol{X}}_{k/k-1} \tag{5}$$

$$\boldsymbol{K}_{k} = \boldsymbol{P}_{k/k-1} \boldsymbol{H}_{k}^{\mathrm{T}} \left( \boldsymbol{H}_{k} \boldsymbol{P}_{k/k-1} \boldsymbol{H}_{k}^{\mathrm{T}} + \boldsymbol{R}_{k} \right)^{-1}$$
(6)

$$\boldsymbol{P}_{kk-1} = \boldsymbol{\Phi}_{kk-1} \boldsymbol{P}_{k-1} \boldsymbol{\Phi}_{kk-1}^{\mathrm{T}} + \boldsymbol{\Gamma}_{k-1} \boldsymbol{Q}_{k-1} \boldsymbol{\Gamma}_{k-1}^{\mathrm{T}}$$
(7)

$$\boldsymbol{P}_{k} = (\boldsymbol{I} - \boldsymbol{K}_{k} \boldsymbol{H}_{k}) \boldsymbol{P}_{k/k-1} (\boldsymbol{I} - \boldsymbol{K}_{k} \boldsymbol{H}_{k})^{\mathrm{T}} + \boldsymbol{K}_{k} \boldsymbol{R}_{k} \boldsymbol{K}_{k}^{\mathrm{T}}$$
(8)

$$\boldsymbol{R}_{k} = (1 - d_{k})\boldsymbol{R}_{k-1} + d_{k} [(I - \boldsymbol{H}_{k}\boldsymbol{K}_{k-1})\boldsymbol{v}_{k} \cdot \boldsymbol{v}_{k}^{\mathrm{T}} (I - \boldsymbol{H}_{k}\boldsymbol{K}_{k-1})^{\mathrm{T}} + \boldsymbol{H}_{k}\boldsymbol{P}_{k-1}\boldsymbol{H}_{k}^{\mathrm{T}}]$$
(9)

其中:  $d_k = (1-b)/(1-b^{k+1})$ ; b ∈ (0.95~0.99) .

简化的 Sage-Husa 自适应滤波算法,在已知 Q 的 情况下,对 R 进行估计。该算法结构简单,计算量小, 实时性强,易于工程实现,可以明显提高滤波精度与 稳定性,具有良好的自适应性。

# 2 AHRS 自适应滤波器设计

#### 2.1 基于AHRS误差模型的系统方程

本研究选择微型AHRS系统的3个姿态误差角和 3个陀螺漂移误差为状态构成六维的状态方程:

$$\dot{\boldsymbol{X}}(t) = F(t)\boldsymbol{X}(t) + \boldsymbol{W}(t) \tag{10}$$

其中: 
$$X = [\phi_{E}, \phi_{N}, \phi_{U}, \varepsilon_{rx}, \varepsilon_{ry}, \varepsilon_{rz}]^{T}$$

式中: E, N, U —当地的东北天坐标系;  $\phi_{E}$ ,  $\phi_{N}$ ,  $\phi_{U}$  —系统的姿态误差角;  $\varepsilon_{\alpha}$ ,  $\varepsilon_{\gamma}$ ,  $\varepsilon_{\alpha}$  —MIMU 3个轴 向的陀螺相关漂移; W(t) —系统噪声。

MEMS 陀螺漂移的相关时间很长,一般当作随机 游走处理,微分方程为:

$$\dot{\varepsilon}_r = \xi_{\varpi} \tag{11}$$

式中: *ξ* 一随机游走系数。

#### 2.2 基于三分量地磁场矢量的量测方程

基于地磁滤波技术的微型AHRS算法直接利用三 轴磁强计测得的三分量地磁场矢量进行组合,建立系 统的量测方程。设:四元数姿态解算得到的姿态矩阵  $C_b^{a*}$ ,无误差理想姿态矩阵为 $C_b^{a*}$ ,磁场强度矢量在实际 导航坐标系 $n^{*}$ 的坐标 $B^{**}$ ,地磁场强度矢量在理想导 航坐标系n中的坐标 $B^{**}_{igr}$ ,地磁场强度矢量测量值在 载体坐标系(b)中的坐标矢量为 $B^{b}_{m}$ 。定义量测向量 为 $Z \triangleq B^{a}_{igr} - B^{**}$ 。

根据惯性导航的知识,姿态矩阵  $C_b^n$  与  $C_b^n$  之间存 在下式关系<sup>[11]</sup>:

$$\boldsymbol{C}_{b}^{n} = [\boldsymbol{I}_{3\times3} + (\boldsymbol{\phi} \times)]\boldsymbol{C}_{b}^{n^{*}}$$
(12)

式中:  $(\boldsymbol{\phi}^{\times})$  —姿态误差角  $\boldsymbol{\phi} = [\boldsymbol{\phi}_{\varepsilon}, \boldsymbol{\phi}_{v}, \boldsymbol{\phi}_{v}]^{T}$  构成的矢量 叉乘矩阵。根据坐标变换关系可得:

$$\boldsymbol{B}_{igrf}^{n} = \boldsymbol{C}_{b}^{n} \boldsymbol{B}_{m}^{b} + \boldsymbol{V}_{1}$$
(13)

$$\boldsymbol{B}^{n^*} = \boldsymbol{C}_b^{n^*} \boldsymbol{B}_m^b + \boldsymbol{V}_2 \tag{14}$$

结合式(12~14)可推导系统的量测方程,推导过 程如下:

$$Z \triangleq B_{igf}^{n} - B^{n^{*}} =$$

$$C_{b}^{n} B_{m}^{b} + V_{1} - (C_{b}^{n^{*}} B_{m}^{b} + V_{2}) =$$

$$[I_{3\times3} + (\phi \times)]C_{b}^{n^{*}} B_{m}^{b} - I_{3\times3}C_{b}^{n^{*}} B_{m}^{b} + (V_{1} - V_{2}) =$$

$$[I_{3\times3} + (\phi \times) - I_{3\times3}]C_{b}^{n^{*}} B_{m}^{b} + (V_{1} - V_{2}) =$$

$$(\phi \times)C_{b}^{n^{*}} B_{m}^{b} + (V_{1} - V_{2}) =$$

$$(\phi \times)C_{b}^{n^{*}} B_{m}^{b} + (V_{1} - V_{2}) =$$

$$(-C_{b}^{n^{*}} B_{m}^{b}) \times \phi + (V_{1} - V_{2}) =$$

$$((-C_{b}^{n^{*}} B_{m}^{b}) \times)\phi + (V_{1} - V_{2}) =$$

$$[((-C_{b}^{n^{*}} B_{m}^{b}) \times)\phi + (V_{1} - V_{2}) =$$

$$[((-C_{b}^{n^{*}} B_{m}^{b}) \times) \phi + (V_{1} - V_{2}) =$$

$$[((-C_{b}^{n^{*}} B_{m}^{b}) \times) \phi + (V_{1} - V_{2}) =$$

在上式中,量测量为 $Z \triangleq B_{igf}^n - B^n$ ,量测矩阵记为  $H \triangleq [((-C_h^n B_m^b) \times) 0_{3\times 3}];$ 状态向量记为 $X \triangleq [\phi^T \varepsilon, T]^T$ ; 系统的等效量测噪声记为 $V \triangleq V_1 - V_2$ ,包含磁强计本 身的测量误差、罗差、地磁异常等随机误差。因此,系 统的量测方程记为:

$$\mathbf{Z} \triangleq B_{igrf}^{n} - B^{n^{*}} = HX + V \tag{16}$$

#### 2.3 系统数学模型离散化

第6期

系统数学模型离散化,即综合考虑滤波精度和计 算量,选择合适阶数的 $\Phi_{k, k-1}$ 和 $H_k$ 的近似值。设滤波 周期为 $T=t_k-t_{k-1}$ ,由线性系统理论<sup>[12-13]</sup>可得:

$$\boldsymbol{\Phi}_{k, k-1} = e^{TF(t_{k-1})} \tag{17}$$

将式(17)作麦克劳林展开,取二阶近似,可得:

$$\boldsymbol{\Phi}_{k, k-1} \approx I + TF(t_{k-1}) + \frac{T^2}{2!}F^2(t_{k-1})$$
(18)

$$\boldsymbol{H}_{k} = [\left((-\boldsymbol{C}_{b}^{n^{*}}\boldsymbol{B}_{m}^{b})\times\right) \quad \boldsymbol{0}_{3\times3}]_{t=t_{k}}$$
(19)

# 3 半物理仿真试验及仿真结果分析

#### 3.1 仿真条件

本研究利用 PC 机在 Matlab 7.0环境下进行仿真。 仿真中所用的数据是在线振动台上采集的 MIMU 传感 器数据。实验选用的 MIMU 型号为 ADIS16405, 陀螺的 偏置稳定性为 0.007 %, 角随机游走误差为 2 °/√hr; 加



#### 3.2 随机振动实验条件

随机振动试验设备选用电动垂直振动台。振动 试验台运动形式设置为随机振动,振动方向为 Z 轴单 方向。随机振动加速度的均方根值为 Arms =2 g。随 机振动试验实物图如图1所示,随机振动实验的加速 度功率谱如图2所示。



图1 随机振动试验实物图





#### 3.3 半物理仿真实验结果及分析

根据设定的仿真条件,本研究利用2g振动实验获得的MIMU传感器数据,分别采用常规微型AHRS算法和基于三分量地磁滤波技术的微型AHRS算法进行仿真,仿真结果如图3、图4所示。常规微型AHRS







算法误差如图3(a~c)所示;基于三分量地磁滤波技术的微型AHRS算法误差如图4(a~c)所示。

从图3中可以看出,在2g随机线振动的工作条件下,常规微型AHRS算法的误差很大,俯仰角误差 有效值为4.329 3°、横滚角误差有效值为2.331 9°、航 向角误差有效值为17.303 6°,姿态角误差的波动带宽 很大,系统不能够稳定工作,不满足工程应用的精度 要求。从图4中可知,基于地磁滤波技术的微型 AHRS算法能够有效地减小高过载线振动造成的姿态 测量误差,其俯仰角误差有效值为0.562 3°、横滚角误 差有效值为0.728 7°、航向角误差有效值为1.860 6°, 姿态角误差的波动带宽比较小,与常规算法相比,俯 仰角、横滚角、航向角的精度分别提高了7.7倍、3.2 倍、9.3倍,系统的综合抗过载能力提高了近3.2倍。 相对常规的微型AHRS算法,基于三分量地磁滤波技术的微型AHRS算法具有抗过载、精度高、自适应性强 的优点。

# 4 结束语

为了给高动态的载体提供准确、稳定的姿态信息,提高AHRS系统的抗过载能力,本研究采用三分量 地磁矢量作为观测量,设计了一种较为实用的AHRS 高动态算法。该算法利用三分量地磁量测差值对陀 螺姿态解算的结果进行自适应滤波修正,进而实现高 动态载体姿态的实时测量。半物理仿真实验结果表 明:该算法具有很好的长期稳定性、动态精度和自适 应能力,可以有效地消除高动态过载干扰。

本研究给出的三分量地磁滤波方法为高动态载

体的导航系统和微型 AHRS 系统设计提供了理论工具,对于航姿系统工程化具有一定的借鉴意义。

#### 参考文献(References):

- [1] 杜亚玲,刘建业,李荣冰,等. 基于DSP的小型捷联惯性航 姿系统研究[J]. 仪器仪表学报,2005,26(8):365-366.
- [2] 魏 萍. 基于 ARM 的嵌入式航向姿态参考系统的研究 [D]. 杭州:浙江大学信息科学与工程学院,2006:23-45.
- [3] 王正兰,时 雷,王 峰,等.基于 MEMS 三维角度测量系 统[J]. 机电工程技术,2014,43(1):17-20.
- [4] 潘晓琳,张 亚,李 波. MEMS开关悬臂梁建模及有限元 分析[J]. 机械,2013,40(11):57-59.
- [5] 黎永键,赵祚喜,高俊文. MEMS惯性传感器 ADIS16355 在 姿态测量中的应用[J].数据采集与处理,2012,27(4): 501-507.
- [6] 梁建宏,田伟程,王田苗. 基于 ARM 与低成本 MEMS 器件的 AHRS 设计[J]. 单片机与嵌入式系统应用,2012(5):1-4.
- [7] 李泽民,段凤阳,李赞平. 基于 MEMS 传感器的数字式航 姿系统设计[J]. 传感器与微系统,2012,31(6):94-96.
- [8] 魏 萍,韩 波,李 平. 基于S3C44B0X的航姿测量系统的设计与实现[J]. 机电工程,2006,23(4):17-20.
- [97] 秦永元,张洪钺,汪叔华. 卡尔曼滤波与组合导航原理 [M].2版.西安:西北工业大学出版社,2012.
- [10] 鲁 平,赵 龙,陈 哲.改进的Sage-Husa 自适应滤波及 其应用[J].系统仿真学报,2007,19(15):3503-3505.
- [11] 秦永元. 惯性导航[M]. 北京:科学出版社,2006.
- [12] CALLIER F M, DESOER C A. Linear System Theory [M]. New York: Springer-Verlag, 1991.
- [13] NGO T B, LE H L, NGUYEN T H. Survey of Kalman Filters and Their Application in Signal Processing [C]//2009 International Conference on Artificial Intelligence and Computational Intelligence. Shanghai:[s.n.],2009:335-339. [编辑:张 翔]

本文引用格式:

ZHAO Yan-ming, CHANG Hong-long, YUAN Guang-min, et al. Research on micro AHRS algorithm based on three-component geomagnetic filtering technology[J]. Journal of Mechanical & Electrical Engineering, 2014, 31(6):745-748. 《机电工程》杂志:http://www.meem.com.cn

赵彦明,常洪龙,袁广民,等. 基于三分量地磁滤波技术的微型AHRS算法研究[J]. 机电工程,2014,31(6):745-748.